|  |  |
| --- | --- |
| *s* | Caccia ai divisori! |

Trovare tutti i divisori di un numero naturale è un compito facile ma che può richiedere molto tempo.

Ad esempio, per trovare tutti i divisori di 100 dovremmo eseguire 100 divisioni:

100 : 1 = 100 : 2 = 100 : 3 = 100 : 4 =

… 100 : 98 = 100 : 99 = 100 : 100 =

C’è un modo di trovare i divisori che ci evita di effettuare tutte queste divisioni?

Osserviamo alcuni insiemi di divisori:

 D12 = { 1; 2; 3; 4; 6; 12 }

 D39 = { 1; 3; 13; 39 }

 D13 = { 1; 13 }

 D25 = { 1; 5; 25 }

 D81 = { 1; 3; 9; 27; 81 }

 D100 = { 1; 2; 4; 5; 10; 20; 25; 50; 100 }

Possiamo tracciare una specie di asse di simmetria. I divisori sono sempre presenti a coppie. Con l’eccezione di quando un divisore fa coppia con se stesso (il divisore moltiplicato per se stesso è uguale al numero di cui si cercano i divisori. Es. 5 ⋅ 5 = 25, 9 ⋅ 9 = 81, 10 ⋅ 10 = 100).

D88 = { 1; 2; 4; 8; 11; 22; 44; 88 }

1⋅ 88 = 88

4⋅ 22 = 88

2⋅ 44 = 88

8 ⋅ 11 = 88

Quindi, di solito, quando troviamo un divisore, ne troviamo automaticamente anche un altro.

Fino a quando allora dobbiamo eseguire divisioni per cercare divisori? Qual è il numero spartiacque? Come trovarlo?

È il numero naturale più vicino al numero che ……………………………………….

…………………………………………………………………………………………………..

Questo numero può essere trovato eseguendo la ……………….………………….

Esempi:

Quindi, ad esempio, per trovare i divisori di 200, basta cercare i divisori fino a 

Si può poi fare un’altra importante ottimizzazione: se un numero non è divisibile per n, non lo sarà nemmeno per i multipli di n.

Quindi per cercare i divisori di 200 ci basta eseguire le seguenti divisioni:

200 : 2 = 100 ∈ N 200 : 3 =  ∉ N 200 : 4 = 50 ∈ N

200 : 5 = 40 ∈ N 200 : 7 =  ∉ N 200 : 8 = 25 ∈ N

200 : 10 = 20 ∈ N 200 : 11 =  ∉ N 200 : 13 =  ∉ N

Cercare i divisori di un numero resta comunque impresa ardua; per numeri sufficientemente grandi anche un computer può fare fatica. Su questo fatto si basano alcuni algoritmi di sicurezza informatica.

Ad esempio, nel 2020, per scoprire che il numero:

2140324650240744961264423072839333563008614715144755017797754920881418023447140136643345519095804679610992851872470914587687396261921557363047454770520805119056493106687691590019759405693457452230589325976697471681738069364894699871578494975937497937

è fattorizzabile in

64135289477071580278790190170577389084825014742943447208116859632024532344630238623598752668347708737661925585694639798853367

 ⋅ 33372027594978156556226010605355114227940760344767554666784520987023841729210037080257448673296881877565718986258036932062711

ci sono voluti l’equivalente di 2500 anni CPU (il che significa che un computer del 2020 di media potenza, lavorando da solo, ci avrebbe messo 2500 anni a trovarlo).